

928

822(AZ)

2019

गणित

केवल प्रश्नपत्र

समय : तीन घण्टे 15 मिनट

पूर्णांक : 70

निर्देश : प्रारम्भ के 15 मिनट परीक्षार्थियों को प्रश्नपत्र पढ़ने के लिए निर्धारित हैं।

सामान्य निर्देश :

- इस प्रश्नपत्र में कुल सात प्रश्न हैं।
- सभी प्रश्न अनिवार्य हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के अंक उसके सम्मुख अंकित हैं।

- प्रथम प्रश्न से आरंभ कीजिए और अंत तक करते जाइए। जो प्रश्न न आता हो, उस पर समय नष्ट न करें।
- प्रश्न संख्या 1 के अतिरिक्त सभी प्रश्नों के हल के क्रियापद लिखिए।
- प्रश्नों के हल उत्तर-पुस्तिका के दोनों ओर लिखिए। यदि रफ कार्य के लिए स्थान अपेक्षित है, तो उत्तर-पुस्तिका के बाएँ पृष्ठ पर करके पृष्ठ को काट (x) दीजिए। इस पृष्ठ पर कोई हल न करें।
- रचना के प्रश्नों में रचना रेखाएँ न मिटाएँ। रचना-पद संक्षेप में अवश्य लिखिए।
- जिन प्रश्नों के हल में चित्र खींचना आवश्यक है, उनमें स्वच्छ एवं शुद्ध चित्र अवश्य खींचिए। बिना चित्र के ऐसे हल अपूर्ण और अशुद्ध माने जायेंगे।

1. सभी खण्ड कीजिए :

प्रत्येक खण्ड में उत्तर के लिए चार विकल्प दिए गए हैं, जिनमें से केवल एक सही है। सही विकल्प छाँटकर उसे अपनी उत्तर-पुस्तिका में लिखिए।

(क) बिंदुओं (5, 0) और (-12, 0) के बीच की दूरी है : 1

- |          |         |
|----------|---------|
| (i) 5    | (ii) 7  |
| (iii) 13 | (iv) 17 |

(ख) यदि एक समांतर श्रेणी का सार्व-अन्तर -4 तथा 10वाँ पद -8, तो श्रेणी का प्रथम पद होगा : 1

- (i) -40 (ii) 20  
(iii) 28 (iv) 36

(ग) निम्नलिखित में से कौन सी संख्या किसी घटना की प्रायिकता नहीं हो सकती ? 1

- (i)  $\frac{1}{3}$  (ii)  $\frac{2}{3}$   
(iii)  $\frac{3}{2}$  (iv) 15%

(घ)  $\frac{2 \tan 30^\circ}{1 - \tan^2 30^\circ}$  बराबर है : 1

- (i)  $\cos 60^\circ$  (ii)  $\tan 60^\circ$   
(iii)  $\sin 60^\circ$  (iv)  $\sin 30^\circ$

(ङ)  $\Delta ABC$  में, यदि  $AB = 6\sqrt{3}$  सेमी,  $AC = 12$  सेमी तथा  $BC = 6$  सेमी, तो  $\angle B$  का मान है : 1

- (i)  $45^\circ$  (ii)  $90^\circ$   
(iii)  $120^\circ$  (iv)  $135^\circ$

(च) यदि द्विघात समीकरण  $3x^2 - 6x + k = 0$  के मूल समान हैं, तो  $k$  का मान है : 1

- (i) 3 (ii) 6  
(iii) 9 (iv) 12

2. सभी खण्ड कीजिए :

(क) संख्याओं 130 और 280 का म.स. यूक्लिड विभाजन एल्गोरिथ्म द्वारा ज्ञात कीजिए । 1

(ख) निम्नलिखित बारंबारता बंटन का बहुलक ज्ञान कीजिए : 1

वर्ग-अंतराल	बारंबारता
10-20	14
20-30	13
30-40	12
40-50	20
50-60	11
60-70	15

(ग) यदि  $8 \tan A = 15$ , तो  $\sin A$  का मान ज्ञात कीजिए । 1

(घ) दो समरूप त्रिभुजों की भुजाएँ 4 : 9 के अनुपात में हैं । इन त्रिभुजों के क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात कीजिए । 1

3. सभी खण्ड कीजिए :

(क) दर्शाइए कि  $5\sqrt{2}$  एक अपरिमेय संख्या है । 2

(ख) यदि बिंदु (1, 2), (4, y), (x, 6) और (3, 5) क्रम में लेने पर एक समांतर चतुर्भुज के शीर्ष हों, तो  $x$  और  $y$  के मान ज्ञात कीजिए । 2

(ग) एक पेटी में 90 डिस्क हैं, जिन पर 1 से 90 तक संख्याएँ अंकित हैं । यदि इस पेटी में से एक डिस्क यादृच्छया निकाली जाती है, तो डिस्क पर अंकित अंकों की प्रायिकता होगी; 2

(i) दो अंकों की एक संख्या

(ii) 5 से विभाज्य एक संख्या

(घ)  $\Delta ABC$  में सिद्ध कीजिए कि 2

$$\sec\left(\frac{B+C}{2}\right) = \operatorname{cosec} \frac{A}{2}$$

4. सभी खण्ड कीजिए :

(क) बिना लंबी विभाजन प्रक्रिया किए बताइए कि निम्नलिखित परिमेय संख्याओं में से किसके दशमलव प्रसार सांत होंगे और किसके दशमलव प्रसार असांत आवर्ती होंगे ?

2

(i)  $\frac{13}{3125}$ , (ii)  $\frac{15}{7}$ , (iii)  $\frac{29}{2^3 \times 5^2}$ , (iv)  $\frac{77}{210}$

(ख) k का मान ज्ञात कीजिए यदि बिंदु (8, 1), (k, -4) और (2, -5) सरेखी हैं।

2

(ग) ज्ञात कीजिए कि रैखिक समीकरणों का युग्म  $2x - 3y = 8$ ,  $4x - 6y = 9$  संगत है या असंगत।

2

(घ) नीचे दिए गए बंटन का माध्यक (Median) ज्ञात कीजिए :

2

वर्ग-अंतराल	बारबारता
0-10	5
10-20	8
20-30	20
30-40	15
40-50	7
50-60	5

5. सभी खण्ड कीजिए :

(क) निम्नांकित रैखिक समीकरणों के युग्म को हल कीजिए :

4

$$\frac{5}{x+y} + \frac{1}{x-y} = 2, \frac{15}{x+y} - \frac{5}{x-y} = -2$$

(ख) 0 और 100 के बीच की विषम संख्याओं का योग ज्ञात कीजिए।

4

(ग) एक ठोस खिलौना एक अर्ध गोले के आकार का है जिस पर एक लंबवृत्तीय शंकु अध्यारोपित है। इस शंकु की ऊँचाई 2 सेमी है और आधार का व्यास 4 सेमी है। इस खिलौने का आयतन ज्ञात कीजिए।

4

(घ) समुद्र-तल से 75 मी ऊँची लाइट हाउस के शिखर से देखने पर दो समुद्री जहाजों के अवनमन कोण  $30^\circ$  और  $45^\circ$  हैं। यदि लाइट हाउस के एक ही ओर एक जहाज दूसरे जहाज के ठीक पीछे हो, तो दो जहाजों के बीच की दूरी ज्ञात कीजिए।

4

6. सभी खण्ड कीजिए :

(क) निम्नलिखित बंटन एक मोहल्ले के बच्चों का दैनिक जेब-भत्ता दर्शाता है। माध्य जेब-भत्ता ₹ 18 है।

बारबारता f का मान ज्ञात कीजिए :

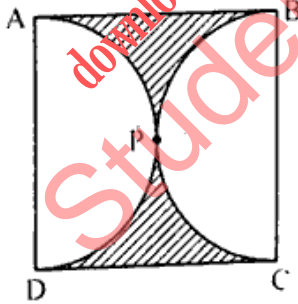
4

दैनिक जेब-भत्ता	बच्चों की संख्या
11-13	7
13-15	6
15-17	9
17-19	13
19-21	f
21-23	5
23-25	4

(ख) (i) विमाओं 5.5 सेमी × 10 सेमी × 3.5 सेमी वाला एक घनाभ बनाने के लिए, 1.75 सेमी व्यास और 2 मिमी मोटाई वाले कितने चाँदी के सिक्कों को पिघलाना पड़ेगा ?

(ii) आकृति में, छायांकित भाग का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए, यदि ABCD भुजा 14 सेमी का एक वर्ग है तथा APD और BPC दो अर्धवृत्त हैं।

$$2 + 2 = 4$$



(ग) सिद्ध कीजिए कि :

$$(\operatorname{cosec} \theta - \sin \theta)(\sec \theta - \cos \theta) = \frac{1}{\tan \theta + \cot \theta}$$

(घ) सिद्ध कीजिए कि बाह्य बिंदु से एक वृत्त पर खींची गई स्पर्श-रेखाओं की लम्बाइयाँ बराबर होती हैं।

7. सभी खण्ड कीजिए :

(क)  $3x^4 + 6x^3 - 2x^2 - 10x - 5$  के सभी अन्य शून्यक ज्ञात कीजिए, यदि इसके दो शून्यक  $-\sqrt{\frac{5}{3}}$  और  $\sqrt{\frac{5}{3}}$  हैं।

अथवा

दो वर्गों के क्षेत्रफलों का योग 117 मी<sup>2</sup> है। यदि उनके परिमापों का अंतर 12 मी हो, तो दोनों वर्गों की भुजाएँ ज्ञात कीजिए।

(ख) एक त्रिभुज ABC बनाइए जिसमें  $BC = 6$  सेमी,  $AB = 5$  सेमी और  $\angle ABC = 60^\circ$  हों। फिर एक त्रिभुज की रचना कीजिए, जिसकी भुजाएँ  $\Delta ABC$  की संगत भुजाओं का  $\frac{3}{4}$  गुनी हों।

अथवा

किसी समबाहु त्रिभुज ABC की भुजा BC पर एक बिंदु D इस प्रकार स्थित है कि  $BD = \frac{1}{3}BC$  है। सिद्ध कीजिए कि  $9AD^2 = 7AB^2$ ।